

Given charge density ρ_c , and electric current density \vec{J} ,
Maxwell Equations becomes

A. 微分形式

B. 積分形式

$$\nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho_c}{\epsilon_0}$$

$$\oiint_{S(Vol.)} \vec{E} \cdot d\vec{a} = \iiint_{Vol.} \frac{\rho_c}{\epsilon_0} d^3x$$

$$\nabla \cdot \vec{B} = 0$$

$$\nabla \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$\oint_{C(Area)} \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\frac{\partial}{\partial t} \iint_{Area} \vec{B} \cdot d\vec{a}$$

$$\nabla \times \vec{B} = \mu_0 \vec{J} + \frac{1}{c^2} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

Given mass density ρ yields the gravitation field equations

A. 重力場微分形式

$$\nabla \cdot \vec{g} = -4\pi\rho$$

B. 重力場積分形式

$$\oiint_{S(\text{Vol.})} \vec{g} \cdot d\vec{a} = \iiint_{\text{Vol.}} 4\pi\rho d^3x$$

C. point source

質點所產生的重力場

$$\vec{g} = \frac{Gm}{r^2} (-\hat{r})$$

點電荷所產生的電場

$$\vec{E} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} (\hat{r})$$

Biot-Savart Law

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi r^2} (d\vec{l} \times \hat{r})$$

- A. 微分形式的 **Maxwell Equations** 或 重力場方程式
適合用來研究「場的波動現象」以及「連續體介質中的場」。
- B. 積分形式的 **Maxwell Equations** 或 重力場積分方程式
適合用來研究「非連續體介質中場的解析解」。在進行數值模擬時，也適合用來模擬「連續體介質中場的數值解」
- C. **Point source** 產生場的形式 滿足 **Poisson Equation**. 因此可由 **Point source** 產生場的形式 推論得到微分形式與積分形式的 **Maxwell Equations** 或 重力場方程式。